

NUMERE COMPLEXE SUB FORMĂ TRIGONOMETRICĂ

1. Să se efectueze:

a) $\left(\cos \frac{4\pi}{3} + i \sin \frac{4\pi}{3}\right) \left(\cos \frac{11\pi}{6} + i \sin \frac{11\pi}{6}\right) \left(\cos \frac{\pi}{4} + i \sin \frac{\pi}{4}\right)$

b) $\frac{5\left(\cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3}\right)}{7\left(\cos \frac{\pi}{6} + i \sin \frac{\pi}{6}\right)}$

2. Se consideră numerele complexe $z_1 = 4 + 4i$ și $z_2 = 3 - \sqrt{3}i$. Să se scrie sub formă trigonometrică

numerele $z_1, z_2, \overline{z_1}, \frac{1}{z_2}, z_1^3, z_2^{-3}, \frac{z_1}{z_2}, \frac{z_1^{2007}}{z_2^{2000}}$.

3. Să se determine modulul și argumentele numerelor complexe:

$$z_1 = \cos a - i \sin a, a \in \mathbb{R}$$

$$z_2 = \sin a + i \cos a, a \in \mathbb{R}$$

$$z_3 = 1 - \cos a + i \sin a, a \in \mathbb{R}$$

$$z_4 = \cos a + \sin a + i(\sin a - \cos a), a \in \mathbb{R}.$$

4. Să se determine rădăcinile de ordinul patru ale numărului $-16i$.

5. Să se rezolve ecuațiile:

a) $z^6 + i = 0$;

b) $z^8 - (1 + 2i)z - 1 + i = 0$;

c) $z^5 = \overline{z}$;

d) $z^{2007} + z^{2006} + \dots + z + 1 = 0$;

e) $(1 + iz)^4 = (1 - iz)^4$.

6. Se consideră numărul complex $z = \frac{1 - \cos a - i \sin a}{1 + \cos a - i \sin a}$, $a \in \mathbb{R}$.

a) Pentru ce valori ale lui a este definit numărul z ?

b) Pentru ce valori ale lui a numărul z este pur imaginar?

c) Pentru ce valori ale lui a este numărul z este soluție a ecuației $x^2 - 2ix - 1 = 0$?

prof. Gabriela Oprea